

## بهینه سازی دینامیکی پیوسته با زمان انتهایی آزاد (نوسانگر)

برای این مساله، معادلات زیر را داریم:

با فرض و همچنین شرایط اولیه ی و انتهایی داده شده ی زیر و با دستور `fmincon` مشابه مساله ی

قبل، حل را ادامه می دهیم:

برای قید مساله داریم:

```
(function [c1,c2]=confun(x
```

```
;N=50
```

```
for i=1:N
```

```
;c2(i)=x(i+1,1)-x(i,1)-(x(i,4)/N)*x(i,2
```

```
;((c2(i+N)=x(i+1,2)-x(i,2)+(x(i,4)/N)*(16*x(i,1)-x(i,3
```

```
;c2(i+N+N)=x(i+1,4)-x(i,4
```

```
end
```

```
;c2(2*N+1)=x(1,1)-5
```

```
;c2(2*N+2)=x(1,2)-5
```

```
;c2(2*N+3)=x(N+1,2)-0
```

```
;c2(2*N+4)=(16*x(N+1,1)-x(N+1,3))-0
```

```
;c2(2*N+5)=x(N+1,1)-0
```

```
;c2(2*N+6)=x(N+1,2)-0
```

```
;[c1=[x(1:N,3)-1,-x(1:N,3)-1
```

```
end
```

برای شاخص عملکرد، داریم :

```
(function [l]=shakhes(x
```

```
;N=50
```

```
;l=x(N+1,4
```

```
end
```

و برای اجرا، داریم :

```
;clc
```

```
;N=50
```

```
;x0=ones(N+1,4
```

```
x,fval]=fmincon(@shakhes,x0,[],[],[],[],[-Inf,-Inf,-1,-]
```

```
(Inf],[+Inf,+Inf,+1,+Inf],@confun
```

```
;k=1:51
```

```
((plot(x(:,2),x(:,1
```

نتایج زیر حاصل می شود و زمان بهینه برابر ۰.۰۶۲۲ به دست می آید.

و نمودار فازی به شکل زیر است:

باز هم مشاهده می شود، که سرعت از حد خاصی بالاتر نمی رود و اثر بنگ بنگ مشاهده

می شود.

نمودار فرمان کنترل نیز به صورت زیر می باشد:

اگر محدودیت ها را از  $c1$  در قید و از تابع `fmincon` برداریم، نتایج زیر حاصل می شود:

نمودار فازی به صورت زیر در می آید:

حال برای همین سوال منحنی  $U(t)$  را رسم می کنیم.

مشاهده می شود که ، فرمان کنترل از یک و منهای یک ، تجاوز نمی کند.

www.matlabproject.ir